

المقادير الجبرية

المقدار الجبري :

هي الصيغه الرياضيه المكونه من اعداد ورموز مرتبطه فيما بينها بعمليات رياضيه جبريه

مثال

$$\frac{x-3y}{x+1}$$
$$3x^4 - 2x + 1$$

مقادير جبرية

العمليات الجبرية على المقادير الجبرية :

1. جمع وطرح المقادير الجبرية

عند الجمع نقوم بجمع المعاملات العددية للمتغيرات ذات الاسس المتشابهه وكذلك الطرح

مثال 2 :

$$\begin{aligned} a) & (4x^3 + 5x + 3) + (2x^3 + 5x^2 - 7x) \\ & = 6x^3 + 5x^2 - 2x + 3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b) & (5x^6 + 3x^2 - 7) - (3x^4 - 2x^2 - 3) \\ & = 5x^6 - 3x^4 + x^2 - 4 \end{aligned}$$

ضرب المقادير الجبرية

عند ضرب مقدارين جبريين فاننا نبدا بضرب الاشارات
ثم ضرب المعاملات ثم ضرب الرموز

مثال 3

$$4(3x^2 + 5x + 2)$$
$$= 12x^2 - 20x + 8$$

$$(a-b)(a+b)$$
$$= a(a+b) - b(a+b)$$
$$= a^2 + ab - ab - b^2$$
$$= (a^2 - b^2)$$

يسمي فرق بين مربعين

قسمه المقادير الجبرية

عند قسمه تقوم او نبدا بقسمه الاشارات ثم قيمه المعاملات ثم قسمه الرموز

اولا قسمه مقدار جبرى على اخر به حد واحد فقط

مثال :

$$1) \frac{10x^3 + 5x^2 - 15x}{5x}$$

$$= \frac{10x^3}{5x} + \frac{5x^2}{5x} - \frac{15x}{5x} =$$

$$2x^2 + x - 3$$

$$2) \frac{15x^3y^2 + 5yx^2 + 5xy}{5xy}$$

$$= \frac{15x^3y^2}{5xy} + \frac{5yx^2}{5xy} + \frac{5xy}{5xy}$$

$$= 3x^2y - x + 1$$

ثانيا: قسمه مقدار جبري يحتوي عده حدود علي مقدار جبري يحتوي عده حدود في هذه الحالة نقوم بعملية القسمة المطولة

مثال 6 :

اقسم $x^2 - 2x - 8$

علي $x-2$

الحل :

$$\begin{array}{r}
 3x + 4 \\
 x-2 \overline{) 3x^2 - 2x - 8} \\
 \underline{3x^2 - 6x} \\
 4x - 8 \\
 \underline{4x - 8} \\
 0
 \end{array}$$

ملاحظه هامه :

عند اجراء القسمة المطولة لابد من ترتيب الاسس ترتيب تنازلي وترك فراغا للحد غير الموجود

مثال 8: بسط العمليات التاليه :

$$1) \frac{x^2-5x}{x} = \frac{x^2}{x} - \frac{5x}{x} = x-5$$

$$2) (3-4(3-2x)) = 3-12+8x=8x-9$$

$$3) (3xy+2xz)^2=9x^2y^2+12x^2yz+4x^2z^2$$

$$4) (x^2-5) - (x-2)(x-2) = (x^2-5) - x(x+2) + 2(x+2) = \\ = (x^2-5) - x^2 - 2x + 4 = \\ = x^2 - 5 - x^2 + 4 = -1$$

$$5) 2(x-1) + 3(2x-3) - (4x-5) = 2x-2+6x-9-4x+5=4x-6$$

$$6) (4x-3x)((3-2(x+1)) = x(3-2x-2) = x(1-2x) = x-2x^2$$

$$7) x^2 - (x-2)(2x-3) = x^2 - (2x^2 - 3x - 4x + 6) = -x^2 + 7x - 6$$

$$8) (4x-5)(x-2) = (4x-5)x + (4x-5)(-2) = 4x^2 - 5x - 8x + 10 = 4x^2 - 13x + 10$$

$$9) 5x^3y - 2y^3x + 2x^3y + 3xy^3 = 3x^3y + xy^3$$

اختر الاجابه الصحيحه :

$$\frac{36x^3y^4 - 6x^2y^3 + 6x^2y^2}{6x^2y^2} = \text{تبسيط المقدار} \dots\dots\dots (1)$$

- a. $6xy^2 - y$
 b. $6xy^2 - y + 1$
 c. $6xy^2 - xy + 1$

$$\frac{36x^3y^4}{6x^2y^2} + \frac{-6x^2y^3}{6x^2y^2} + \frac{+6x^2y^2}{6x^2y^2} = 6xy^2 - y + 1$$

$$\sqrt[3]{x} (2x^{\frac{2}{3}} - 4x^{\frac{5}{3}}) = \text{تبسيط المقدار} \dots\dots\dots (2)$$

- a. $-2x^2$
 b. $2x - 4x^{5/3}$
 c. $2x - 4x^2$

$$\sqrt[3]{x} (2x^{\frac{2}{3}} - 4x^{\frac{5}{3}}) = (2x^{2/3+1/3} - 4x^{5/3+1/3})$$

$$= 2x - 4x^2$$

$$= \left(\frac{16z^2}{7xy^4} \right) \left(\frac{35x^3y^5}{8xyz} \right) \text{تبسيط المقدار} \dots\dots\dots (3)$$

- a. $10xy^4z$
 b. $10xz$
 c. $7x^2y^8z^3$
 d. $10yz^2$

$$\left(\frac{35x^3y^5}{8xyz} \right) \left(\frac{16z^2}{7xy^4} \right) = 10xy^0z = 10xz$$

$$(x+3)(x-4) \dots\dots\dots (4)$$

- a. $2x - 12$
 b. $x^2 - x - 12$
 c. $2x - 1$

d. $X^2 + x - 12$

$$\frac{x-y}{g-3} = \dots \quad (5)$$

a. $(\frac{x}{6} - \frac{y}{g})$

b. $(\frac{x}{g} - \frac{y}{3})$

a. $(\frac{x}{g} + \frac{y}{3})$

b. $(\frac{x-y}{g} - \frac{x-y}{3})$

$$\dots = 22 + 6 \setminus 24 \quad (6)$$

a. 5

b. -5

c. -3

d. 23

$$\frac{2x^3+x}{x} \quad \text{تبسيط المقدار} \quad (7)$$

a. $2x^3 + x^{-1}$

b. $2x^3 + 1$

c. $2x^4$

d. $2x^3$

$$\frac{2x^3 z^2 y^{-1}}{xz^3 y^{-2}} = \dots \quad \text{تبسيط المقدار} \quad (8)$$

a. $2x^2 z y^{-1}$

b. $2x^2 y z^{-1}$

c. $2x^2 z y$

d. $2xzy$

$$\dots (x^2 y^2)^2 (\frac{x}{y})^5 \quad \text{تبسيط المقدار} \quad (9)$$

a. $X^9 y^{-1}$

b. $\frac{x}{y}$

c. $X^{-9} y$

d. $\frac{x}{y}$

$$\frac{x+y}{x+y} \quad (10) \text{ تبسيط المقدار}$$

- a. X^1y^{-1}
- b. $X+y$
- c. 1
- d. 2

$$3^{-2} = \dots (11)$$

- a. 1/6
- b. 1/5
- c. 1/9
- d. 5

$$\dots = \sqrt{9x^4} \quad (12)$$

- a. $3x^2$
- b. $3x$
- c. $3x^3$
- d. $9x^2$

$$\dots = (x-3)(x+7) \quad (13)$$

- a. $X^2+4x+21$
- b. $X^2+4x-21$
- c. $X^2-4x+21$
- d. $X^2-4x-21$

ضع علامه (صواب) امام العبارة الصحيحة وعلامه (خطأ) اماما العبارات الخاطئه :

(الاجابه صحيحه)

$$1. (2x^2y^4)^2$$

(الاجابه صحيحه)

$$2. y^2y^{-3} = y^{-6}$$

(الاجابه صحيحه)

$$3. 5x^3 = \frac{1}{5x^{-3}}$$

(الاجابه خاطئه)

$$4. \frac{x^5}{x^8} = x^3$$

(الاجابه صحيحه)

$$5. \frac{x^5}{x^8} = x^{-3}$$

(الاجابه خاطئه)

$$6. \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}} = \sqrt{\frac{x}{y}}$$